－6回目の講義で
2人の学生が共謀して，4回分，欠席していたにも かかわらず，友達に頼んで出席カードを提出した疑いが高まった。残ら2回は欠席していることが分かっている。

- 先生は2人を個別に呼び出し，事情聴取した。
- もし も もう一人が黙秘して君が本当のことを話し てくれたら，君の欠席はなかった黙秘して，もう一人が自白したら， 6回欠席。
- 二人とも黙秘していたら，4回分出席したことに
- さあ，君ならどうする？
© Department of Business and Economics，
School of Business and Economics，Nippon Bunri University


## NU <br> 回答理由

- 倫理的な理由13名
- 自白の場合：嘘はいけない
- 黙秘の場合：反達は売れない
- 利己的な理由 大勢
- 不合理な理由 $\triangle 4$ 人
（パレート最適ではないから）
（社会全体のことを考えている）
－みなさんは，非常に合理的な（賢い）学生

ODepartment of Business and Economics，
School of Business and Economics，Nippon，Bunri University

## NBU 多数決は最適か？

－投票のパラドックスのように投票プロセスが必ず，全員の意見を尊重していない。
－ブキャナンニターロック（1962）


図1．13．1 多数決と費用の関係
© Department of Business and Economics，
School of Business and Economics．Nippon，Bunri University

NBU Raeの独立投票モデル
－K人中何人が賛成するれば，投票として有効か？

このモデルにおいて社会的意思決定とは，決定ルールの選択基漼のことであり，不満 $A$ ， B の起こる頻度を最小化することである。

C1 意思決定の費用
C2 全員が納得するほど
不満のコストは小さい
合計すると半分がよい

レイ（1969）

| 投票 | 成立 | 不成立 |
| :---: | :---: | :---: |
| 垻成 | 満足 | 不満（B） |
| 反対 | 不满（A） | 満足 |
| 棄権 | 無差別 | 無差別 |



- 二人とも黙秘していたら，C評価。
- さあ，君ならどうする？


## NBU Raeの独立投票モデル

－K人中何人が賛成するれば，投票として有効か？
レイ（1969）

| 投票 | 成立 | 不成立 |
| :---: | :---: | :---: |
| 筫成 | 满足 | 不満（B） |
| 反対 | 不满（A） | 满足 |
| 棄権 | 無差別 | 無差別 |

このモデルにおいて社会的意思決定とは，決定ルールの選択基淮のことであり，不満 $A$ B の起こる頻度を最小化することである。
$\ln [1]:=g\left[k_{-}\right]:=$

+ Sum［Binomial $[n-1, r] * p^{*} r * q^{*}(n-r)$ ，
$\{\mathrm{r}, \mathrm{k}, \mathrm{n}-1\}]$
$\operatorname{Sum}\left[\right.$ Binomial $[n-1, r]{ }^{*} p^{\wedge}(r+1)^{*} q^{\wedge}(n-r-1)$ ，
$\{r, 0, k-2\}]$

$$
\ln [2]=p=0.5 ; q=0.5 ; n=10
$$

不満の確率は0．5 人数は10人
それそれのルール $K$ の下での不满の矿率を龱示してみよう。
$\ln [3]=\operatorname{Plot}[g[k],\{k, 0,10\}]$

Out $[3]=$－Graphics＊

## NBU アローの不可能性定理

- 3人以上で，選択肢が 3 個以上とする。
- このとき，みんなが最低限このルールは守 ろうと思っている社会システムにおいて，実現される意思決定は独裁制である。
- 個人の意思決定と社会の意思決定の違い
- 大統領選挙みたいに接戦だったら他陣営の不満は大きい。

