

解答例

問1

$$W = mg = 4.0 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 = 39.2 \text{ [N]}$$

フックの法則から

$$W = kx$$

$$k = \frac{W}{x} = \frac{39.2}{0.05} = 784 \text{ [N/m]}$$

おもりの重力による位置エネルギーを E_A として

$$E_A = mgh$$

$$= 4.0 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 \times (-0.05 \text{ m}) = -1.96 \text{ [J]}$$

おもりの弾性力による位置エネルギーを E'_A として

$$E'_A = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} \times 784 \times (-0.05)^2$$

$$= 0.98 \text{ [J]}$$

エネルギー保存の法則から、点 A におけるおもりの速さを V_A とすれば

$$0 = \frac{1}{2} m V_A^2 + E_A + E'_A$$

$$\frac{1}{2} \times 4.0 \times V_A^2 = 1.96 - 0.98$$

$$V_A^2 = 0.49$$

$$V_A > 0 \text{ より}$$

$$V_A = \sqrt{0.49} = \sqrt{49 \times 10^{-2}} = 0.7 \text{ [m/s]}$$

1本あたりのばねにはたらく力は $\frac{1}{2}W = 19.6 \text{ N}$ なので、ばねの伸び l について

$$19.6 = kl = 784l$$

$$l = \frac{19.6}{784} = 0.025 \text{ [m]}$$

以上から、求める熱量 Q' は

$$Q' = Q_1' + Q_2' + Q_3' + Q_4' = (200 + 1600 + 3200 + 1000) \text{ J} = 6000 \text{ J}$$

Q と Q' が等しいので

$$420000 = 6000 t_b$$

$$t_b = 70 \text{ [s]}$$

問3

図から 1 [m] と読み取れる

$$V = \lambda f$$

$$= 150 \times 1.6 = 24 \text{ [m/s]}$$

次にできる定常波は腹の数が 4 個なので、この波の波長は 1 [m] となる。

より次にできる定常波の波長は 1.2 m なので

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{24}{1.2} = 20 \text{ [Hz]}$$

問2

金属容器を 0 から初期状態の 20 まで加熱するのに必要な熱量を Q_1 として、

$$Q_1 = 500 \times 0.40 \times (20 - 0) = 4000 \text{ J}$$

400g の液体を 0 から初期状態の 20 まで加熱するのに必要な熱量を Q_2 として、

$$Q_2 = 400 \times 4.0 \times (20 - 0) = 32000 \text{ J}$$

追加した 800g の液体を 0 から 82.5 まで加熱するのに必要な熱量を Q_3 として、

$$Q_3 = 800 \times 4.0 \times (82.5 - 0) = 264000 \text{ J}$$

以上から、求める熱量は

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 4000 + 32000 + 264000 = 300000 \text{ [J]}$$

金属容器を 0 から t_A まで加熱するのに必要な熱量を Q_1' として、

$$Q_1' = 500 \times 0.40 \times (t_A - 0) = 200 t_A \text{ J}$$

400g の液体を 0 から t_A まで加熱するのに必要な熱量を Q_2' として、

$$Q_2' = 400 \times 4.0 \times (t_A - 0) = 1600 t_A \text{ J}$$

700g の液体を t_A まで加熱するのに必要な熱量を Q_3' として、

$$Q_3' = 800 \times 4.0 \times (t_A - 0) = 3200 t_A \text{ J}$$

以上から、求める熱量は

$$Q_1' + Q_2' + Q_3' = (200 + 1600 + 3200) t_A = 5000 t_A \text{ [J]}$$

から、 $Q_1 + Q_2 + Q_3 = Q_1' + Q_2' + Q_3'$ より、

$$t_A = \frac{300000}{5000} = 60 \text{ [s]}$$

金属容器を 0 から状態 A の 60.0 まで加熱するのに必要な熱量を Q_4 として、

$$Q_4 = 500 \times 0.40 \times (60.0 - 0) = 12000 \text{ J}$$

400g の液体を 0 から状態 A の 60.0 まで加熱するのに必要な熱量を Q_5 として、

$$Q_5 = 400 \times 4.0 \times (60.0 - 0) = 96000 \text{ J}$$

追加した 800g の液体を状態 A の 60.0 まで加熱するのに必要な熱量を Q_6 として、

$$Q_6 = 800 \times 4.0 \times (60.0 - 0) = 192000 \text{ J}$$

2000g の鋼球を 120 まで加熱するのに必要な熱量を Q_7 として、

$$Q_7 = 2000 \times 0.50 \times (120 - 0) = 120000 \text{ J}$$

以上から、求める熱量 Q は

$$Q = Q_4 + Q_5 + Q_6 + Q_7 = 12000 + 96000 + 192000 + 120000 = 420000 \text{ J}$$

一方で、

金属容器を 0 から t_b まで加熱するのに必要な熱量を Q_1' として、

$$Q_1' = 500 \times 0.40 \times (t_b - 0) = 200 t_b \text{ J}$$

400g の液体を 0 から t_b まで加熱するのに必要な熱量を Q_2' として、

$$Q_2' = 400 \times 4.0 \times (t_b - 0) = 1600 t_b \text{ J}$$

追加した 800g の液体を t_b まで加熱するのに必要な熱量を Q_3' として、

$$Q_3' = 800 \times 4.0 \times (t_b - 0) = 3200 t_b \text{ J}$$

2000g の鋼球を t_b まで加熱するのに必要な熱量を Q_4' として、

$$Q_4' = 2000 \times 0.50 \times (t_b - 0) = 1000 t_b \text{ J}$$

問4

$$\text{回路の合成抵抗 } R \text{ は } R = 6.0 + 8.0 = 14 \text{ [}\Omega\text{]}$$

$$\text{合成抵抗 } R \text{ に流れる電流 } I \text{ は } I = \frac{V}{R} = \frac{14.0 \text{ V}}{14.0} = 1.0 \text{ A}$$

よって、抵抗 R_1 に流れる電流は 1 [A] である。

$$\text{抵抗 } R_1 \text{ の両端に生じる電位差 } V_1 \text{ は } V_1 = R_1 I = 6.0 \times 1.0 \text{ A} = 6 \text{ [V]}$$

回路の合成抵抗 R は

$$R = \frac{V}{I} = \frac{14.0 \text{ V}}{1.0 \text{ A}} = 14 \text{ [}\Omega\text{]}$$

合成抵抗 R から R_1 を引いた抵抗値は、 R_2 と R_3 の並列回路の合成抵抗の値と等しいため

$$4.0 = \frac{8.0 \times R_3}{8.0 + R_3}$$

と式を立てることができ

$$\text{よって抵抗 } R_3 \text{ の抵抗値は } R_3 = 8 \text{ [}\Omega\text{]}$$

R_2 と R_3 の並列回路の両端の電位差 V は $V = 14.0 \text{ V} - 6.0 \times 1.0 \text{ A} = 8.0 \text{ V}$

よって抵抗 R_2 に流れる電流 I は

$$I = \frac{V}{R} = \frac{8.0 \text{ V}}{8.0} = 1.0 \text{ [A]}$$

抵抗 R_3 に流れる電流 I は

$$I = \frac{V}{R} = \frac{8.0 \text{ V}}{8.0} = 1.0 \text{ [A]}$$

配点

問1	25点				
		7点	4点	4点	3点
		5点			2点
問2	25点				
		8点	9点	6点	2点
問3	25点				
		7点	8点	4点	6点
問4	25点				
		6点	5点	3点	4点
		2点	2点		3点

解答例

問1

自動車の加速度を a とすると

$$a = \frac{12\text{m/s} - 0\text{m/s}}{4.0\text{s}} = 3 \text{ [m/s}^2 \text{]}$$

から、点 AB 間は等速直線運動をしていることから、点 B における自動車の速さは 12m/s である。点 BC 間では加速度 -4.0m/s^2 で減速をしていることから、自動車が停止するまでに要する時間を t とすると、
 $12\text{m/s} - (4.0\text{m/s}^2) \times t = 0$
 より

$$t = \frac{12\text{m/s}}{4.0\text{m/s}^2} = 3 \text{ [s]}$$

点 B を通過してから点 C で静止するまでの距離を x_{BC} として、点 BC 間の加速度を a_{BC} 、点 B における速度を v_B 、点 C における速度を v_C とすると、

$$v_C^2 - v_B^2 = 2a_{BC} x_{BC}$$

となり、 $v_B = 12\text{m/s}$ 、 $v_C = 0\text{m/s}$ 、 $a_{BC} = -4.0\text{m/s}^2$ より、

$$x_{BC} = \frac{v_C^2 - v_B^2}{2a_{BC}} = \frac{0^2 - (12\text{m/s})^2}{2 \times (-4.0\text{m/s}^2)} = \frac{144}{8} = 18 \text{ [m]}$$

点 OA 間 ($0\text{s} \sim 4\text{s}$) : 点 O ($t = 0\text{s}$) における速度が 0m/s 、点 A ($t = 4.0\text{s}$) における速度が 12m/s で、その間を一定の加速度 3.0m/s^2 で加速するので、
 $v - t$ グラフでは傾きが 3 の直線となる。

点 AB 間 ($4\text{s} \sim 19\text{s}$) : 点 A ($t = 4.0\text{s}$) における速度が 12m/s で、そのまま一定の速度で点 B まで移動している。すなわち、傾き 0 の直線となる。

点 BC 間 ($19\text{s} \sim 22\text{s}$) : 点 B ($t = 19\text{s}$) における速度が 12m/s 、点 C ($t = 22\text{s}$) における速度が 0m/s で、その間を一定の加速度 -4.0m/s^2 で減速するので、 $v - t$ グラフでは傾きが -4.0 の直線となる。

問2

金属球の比熱は $\frac{40}{100} = 0 \text{ [J/(g} \cdot \text{K)]}$

金属球が得た熱量 U は
 $\Delta U = 40 \times (80 - 20) = 2400 \text{ [J]}$

基準温度を 0 として
 $200 \times 4.2 \times 10 + 300 \times 0.40 \times 20$
 $= 200 \times 4.2 \times T + 300 \times 0.40 \times T$

$$T = \frac{8400 + 2400}{840 + 120} = \frac{10800}{960} = 11.25 \text{ [}^\circ\text{C] }$$

基準温度を 0 として

$40 \times 80 + 200 \times 4.2 \times 10 + 300 \times 0.40 \times 20$
 $= 40 \times T + 200 \times 4.2 \times T + 300 \times 0.40 \times T$

$$T = \frac{3200 + 8400 + 2400}{40 + 840 + 120} = \frac{14000}{1000} = 14 \text{ [}^\circ\text{C] }$$

問3

サイレンの振動数を f_0 、救急車の速さを v 、音の速さを c とする。

このときの音の波長を λ_0 とすると、

$$\lambda_0 = \frac{c}{f_0} = \frac{340}{960} = 0.354 \text{ [m]}$$

このときの音の振動数を f_1 とすると、

$$f_1 = \frac{c}{c - v} f_0 = \frac{340}{340 - 20} \times 960 = 1020 \text{ [Hz]}$$

このときの音の振動数を f_2 とすると、

$$f_2 = \frac{c}{c + v} f_0 = \frac{340}{340 + 20} \times 960 = 900 \text{ [Hz]}$$

観測者の速さを v' 、このときの音の振動数を f_3 とすると、

$$f_3 = \frac{c + v'}{c + v} f_0 = \frac{340 + 3}{340 + 20} \times 960 = 910 \text{ [Hz]}$$

問4

回路の合成抵抗 R は $R = 1 + 1 + 1 = 3 \text{ [} \Omega \text{]}$

電流計が示す電流の値 I は

$$I = \frac{V}{R} = \frac{3\text{V}}{3} = 1 \text{ [A]}$$

スイッチ S を閉じた後の合成抵抗 R は

$$R = \frac{2}{2} + \frac{2}{2} + 1 = 3 \text{ [} \Omega \text{]}$$

このとき、電流計が示す電流の値 I は

$$I = \frac{V}{R} = \frac{3\text{V}}{3} = 1 \text{ [A]}$$

問1	25点	7点	6点	6点	6点
問2	25点	7点	6点	6点	6点
問3	25点	7点	6点	6点	6点
問4	25点	7点	6点	6点	6点